

**TP n° 1****Sous-séquences maximales**

(À rendre sous forme d'un rapport sur feuille le jeudi 2 / vendredi 3 octobre.)

Étant donné un tableau d'entiers relatifs  $T[1, \dots, n]$ , il s'agit de déterminer une sous-séquence (éléments consécutifs) dont la somme est maximale. Ainsi, notant  $S(k, l) = \sum_{j=k}^l T[j]$  pour  $1 \leq k \leq l \leq n$ , il s'agit de déterminer  $k_{max}$  et  $l_{max}$  tels que  $S(k_{max}, l_{max}) = \max_{k \leq l} S(k, l)$ .

On propose quatre stratégies algorithmiques pour résoudre ce problème :

- i) Algorithme naïf : examiner toutes les sous-séquences possibles.
- ii) Optimiser l'algorithme précédent en observant que  $S(k, l) = S(k, l-1) + T[l]$ .
- iii) Diviser pour régner : diviser la séquence en deux. Calculer une sous-séquence de somme maximale de chaque moitié. Calculer une sous-séquence de somme maximale qui contient l'élément du milieu. Finalement prendre le maximum des trois.
- iv) Supposer le problème résolu pour  $T[1, \dots, i]$ . Observer que la solution pour  $T[1, \dots, i+1]$  est soit la solution précédente soit la sous-séquence de somme maximale qui se termine par  $T[i+1]$ .

**Travail demandé**

- (a) Écrire chacun des algorithmes en langage pseudo-algorithmique.
- (b) En faire une analyse de la complexité dans le pire des cas.
- (c) Implémenter ces algorithmes en C.
- (d) Comparer leurs performances sur des instances aléatoires.
- (e) Discuter la pertinence des résultats expérimentaux par rapport à l'analyse faite en (b).