

TD4

Algo puissances itérées (cf TD3)

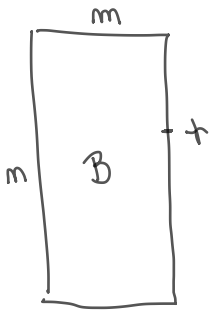
donne (approx) $\left(\begin{array}{l} \rightarrow \text{plus grande val. propre } d_1 \\ \rightarrow \bar{d}_1 \text{ vect. propre associé.} \end{array} \right.$

Ex 1 $\xrightarrow{\text{path}}$ TD3

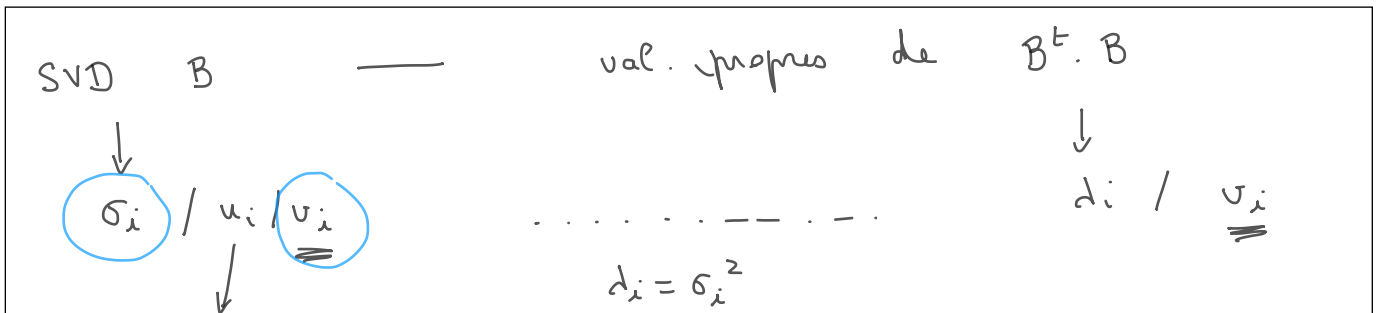
Ex 2 \rightsquigarrow calcul SVD

$B : m \times m$

$p = \min(m, m)$



i)



$$A v_i = \sigma_i u_i$$

$$\vec{u}_i = \frac{A v_i}{\sigma_i}$$

ii)

9. AP 0 / SVD1 \rightarrow renvoie plus grande val. sing σ_1, u_1, v_1 de B

$[d_1, v_1] \leftarrow$ puiss-itérés ($B^t \times B$)

// v_1 est le vecteur cherché

$$\sigma_1 \leftarrow \sqrt{d_1}$$

$$u_1 \leftarrow \frac{B v_1}{\sigma_1}$$

i) $B = U \cdot \Sigma \cdot V^t$ $\left(\begin{array}{c} | \\ u_1 \\ | \\ \dots \\ | \\ u_n \\ | \end{array} \right) \left(\begin{array}{c} \boxed{v_1^t} \\ \vdots \\ v_m^t \end{array} \right) = \sum_{i=1}^p \sigma_i u_i v_i^t$ mod par bloc / SVD

donc par SVD 1
 $B = \sigma_1 u_1 v_1^t + \sum_{i=2}^p \sigma_i u_i v_i^t$

Donc $B - \sigma_1 u_1 v_1^t = \sum_{i=2}^p \sigma_i u_i v_i^t$ ← décomp. en val. singulières ...

SVD : $\begin{matrix} \sigma_2 & \dots & \sigma_p \\ u_2 & \dots & u_p \\ v_2 & \dots & v_p \end{matrix}$

SVD1 ($B - \sigma_1 u_1 v_1^t$) : σ_2, u_2, v_2

SVD1 ($B - \sigma_1 u_1 v_1^t - \sigma_2 u_2 v_2^t$) : σ_3, u_3, v_3

SVDk → calcule les k plus grands $\begin{matrix} \sigma_i \\ u_i \\ v_i \end{matrix}$ $i \leq k$

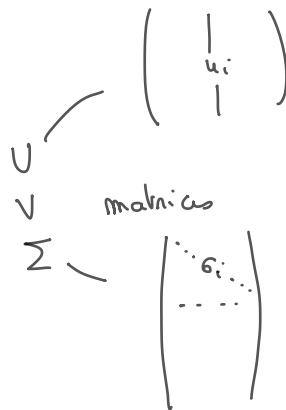
pour i de 1 à k

$[\sigma, u, v] \leftarrow \text{SVD1}(B)$

$\sigma_i \leftarrow \sigma$
 $u_i \leftarrow u$
 $v_i \leftarrow v$

$B \leftarrow B - \sigma u v^t$

Codage Matlab: Δ



pour

i) X_i pls → ACP ? renvoie V (dir. principales par col) orthogonale
 $\bar{X} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N X_i$ + u_i — $2 \hat{=} 2 \perp$
 Σ — $\| \cdot \| = 1$

$$A = \begin{pmatrix} \vdots \\ -(x_i - \bar{x})^k - \\ \vdots \end{pmatrix}$$

$$[U, \Sigma, V] \leftarrow \text{svd}(A, 'econ')$$

$$\text{numjaya}(N, \Sigma)$$

