

Site Web  
↓  
font. groupes.

<https://pageperso.lis-lab.fr/alexandra.bac/enseignement/styled-2/styled-13/index.html>

§3.

## Fonctions

Fonctions:

→ éviter la répétition de code

régle: un code n'est jamais répété

ex: afficher le contenu d'un tableau ...

→ ce qui doit être exécuté plusieurs fois

fonction

définie  
1 fois

appelée  
autant de  
fois que  
nécessaire

ex: afficher 1 tableau

code → erreurs pour la validation: tester / déboguer

code: objets / déboguer 1 fois éviter de multiplier les erreurs  
→ pas dupliquer.

efficacité de maintenance

lisibilité (\*)

→ principe:

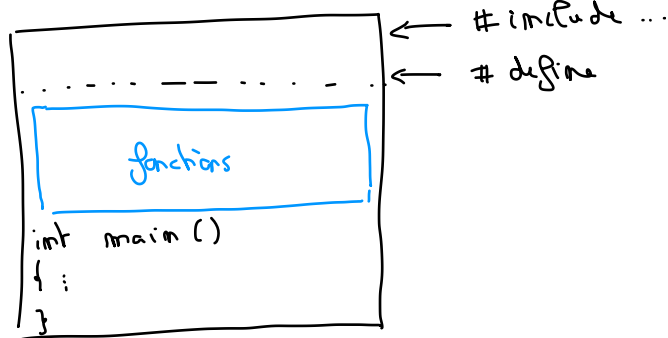
→ entrées de la fonction: données (arguments)  
variables, tableaux ...

→ sortie: 1 résultat retourner

# I. Syntaxe des fonctions

## Versión simple

~> fonctions sont déclarées avant d'être utilisées / appelées ← avant le main



~> syntaxe:

$\text{type-retour}$   $\text{nom-fct}$  ( $\text{type1 var1, type2 var2, ...}$ )  
 {  
     : code  
     return (...);  
 }

(Annotations:   
 -  $\text{type-retour}$  is labeled "type du résultat renvoyé"  
 - The list of arguments is labeled "liste des arguments (entrées)"  
 - The return statement is labeled "résultat"  
 - The argument list is labeled "prototype de la fonction"

ex:   
 $\text{int}$   $\text{main}()$   
 {  
     :  
     return 0;  
 }

(Annotations:   
 -  $\text{int}$  is circled and labeled "renvoie un entier"  
 -  $\text{main}()$  is circled and labeled "nom de la fct"  
 - The empty parentheses are labeled "pas d'arguments"  
 - The return value 0 is circled and labeled "renvoie 0"

ex: fonction calculant  $x^n$  — pas implémenté en C ...

$x \times \dots \times x$   
 entrée : 1 entier (n)  
           1 float (x)  
 rés / sortie : float ( $x^n$ )

⚠ en C ds math.R  
 pow : double x double  
       ↓  
       double

$\text{int } 3$   $\rightarrow$   $\text{pow}(x, y) = x^y = e^{y \ln x}$

```

float puissance (float x, int m)
{
    ...
    return ... ;
}

```

→ variables locales: on peut déclarer des variables en début de la fct (idem ce qu'on faisait ds le main)

⚠ ces variables sont locales à la fonction  
 ↓  
 détruites à la fin de la fonction

⚠ les arguments sont aussi des variables locales initialisées avec les valeurs passées à l'appel.

ex:

```

float puissance (float x, int m)
{
    float res = 1 ;
    int i ;
    for (i = 0 ; i < m ; i = i + 1)
    {
        res = res * x ;
    }
    return res ;
}

```

variables locales

i ↓ →  
 $x \times \dots \times x$   
 n fois

⚠ nouveau mode de retour du résultat

≠ printf  
 ↓  
 affiche et me renvoie rien

printf → pas de printf ds les fonctions → retourner le résultat  
 → dans le main

```
#include <stdio.h>
```

```
// Fonctions
```

```
double puissance (double x, int n)
```

```
{  
    double res = 1 ;  
    int i ;
```

```
    for (i=0; i<n; i=i+1)
```

```
    {  
        res = res * x ;  
    }
```

```
    return res ;  
}
```

```
// main
```

```
int main ()
```

```
{  
    double a = 2.5, b ;  
    int n = 4 ;
```

```
    // puissance(a, 5); // Fait un calcul - le renvoie - mais pas récupéré ...
```

```
    b = puissance(a, 5); // résultat récupéré -> affecté à b
```

```
    printf("b puissance n : %g\n", puissance(b, n));
```

```
    b = puissance(b, n);
```

```
    return 0 ;  
}
```

float → bits sur  
32 bits (32 o/1)  
1  
4 octets

double → 64 bits  
1  
8 octets  
(précision x 2)  
taille  
mémo x 2

appel de la fonction

on lui passe des arguments.

x local à puissance  
initialisé

```
float puissance (float x, int n)  
{  
    float res = 1 ;  
    int i ;  
    ...  
    return res ;  
}
```

```
int main ()
```

```
{  
    float a = 2.5, x ;
```

```
    x = puissance (a, 2); ①
```

```
    a = puissance (x, 5); ②
```

```
    ...  
}
```

puissance lancée  
sur a / 2  
arg1 arg2

???

que fait-on de a ?

← valeur de a ?  
→ variable a ?

Quand on passe une variable en argument à une fct:

↳ en C, C++, java :

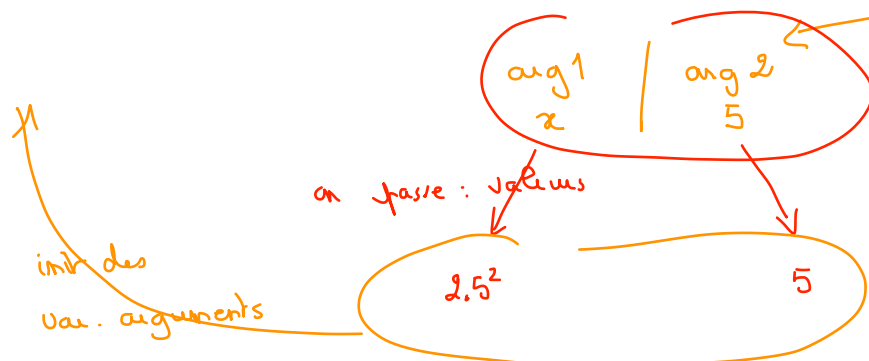
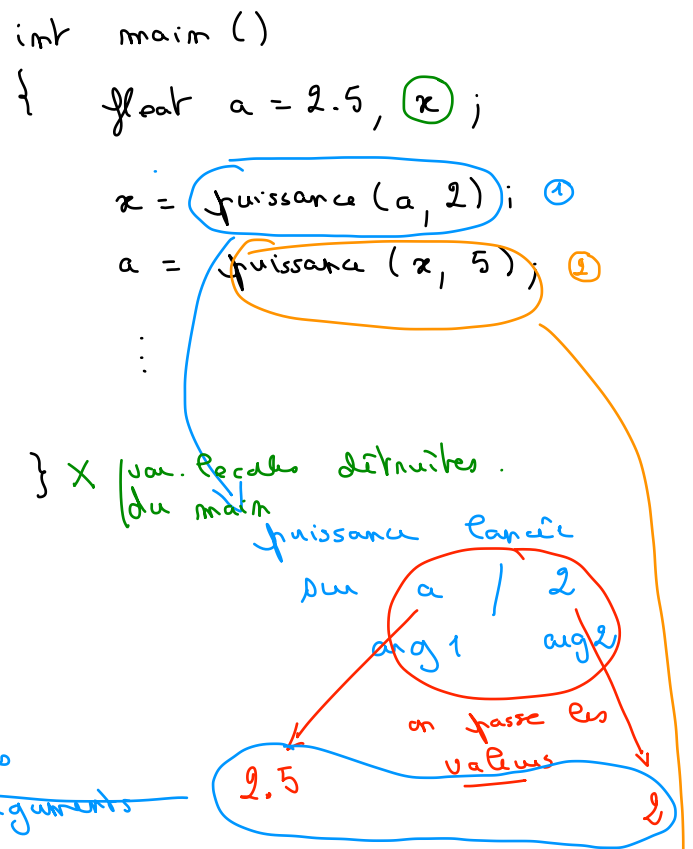
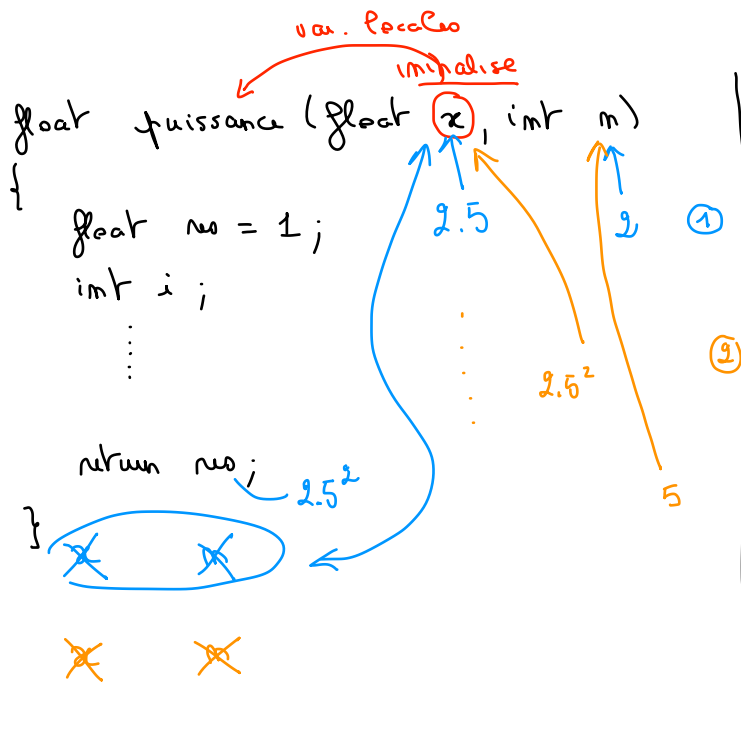
on passe la valeur de  
la variable

passage par valeur.

↳ en python ... :

on passe la variable

passage par référence



→ type vide:

certaines fonctions ne renvoient rien  
|  
fonctions à effet de bord → entrées / sorties  
→ modifications mémorielles  
→ affichages

ex: `printf`

`x = 2` → modifier `x` ...

type vide en C : void

ex: fonction d'affichage d'un float:

```
void affiche_float (float x)
{
    printf("%f\n", x);
}
```

Conseil:

```
int main (void)
{
    ...
}
```

→ type tableaux :

pour passer un tableau en argument → type tableau...

type nom [ ]

nom est  
un tableau de cases type

#define N 10

ex:

```
void affiche_tab (int T[], int n)
{
    int i;
    for (i = 0; i < n; i = i + 1)
    {
        printf("%d ", T[i]);
    }
    printf("\n");
}
```

! var. muette de tab.  
syntaxe pour le type tableau comme argument

```
int main ()
{
    int tab[N];
    int tab2[2*N];
    affiche_tab(tab, N);
    affiche_tab(tab2, 2*N);
}
```

creation tableau  
tableaux

ex:

```
void ma_fct (int x, int y) ②
{
    int tmp;
    tmp = x;
    x = y;
    y = tmp;
}
```

var. locales  
init. avec  
les valeurs  
reçues

inverse  
x / y

③ x ← 3  
y ← 2

④ Destruction des variables locales ~~x, y, tmp~~

```
int main ()
{
    int a = 2, b = 3;
    ma_fct (a, b);
}
```

on passe  
la valeur des  
var. comme args  
①

passage  
par  
valeur  
en C

a, b sont inchangées

### Règle temporaire

→ une fonction C ne peut pas modifier une variable  
passée en argument

Sauf si c'est un tableau

→ passer des pointeurs...

```
int ma_fct (float a, int n ....)
{
    ...
}
```

ma\_fct (a, i)

medif. impossible

ex:

OK

```
void saisir (int T[], int m)
{
    int i;
    for (i = 0; i < m; i = i + 1)
    {
        printf("Saisir case suivante :");
        scanf("%d", &T[i]);
    }
}
```

T tableau ...

```
void saisir2 (int i)
{
    printf("Entrée i:");
    scanf("%d", &i);
}
```

i locale ...

Structure du code :

Version standard (≠ version simple du début) → déclaration + implémentation simultanées.

Différence :

① → déclaration du prototype de la fct  
↓  
types entrées / sorties

prototype :

1ère ligne de la fct  
spécifiant son type

ex:

```
float puissance (float opt x,  
                int opt m);  
↳ float puissance (float, int);
```

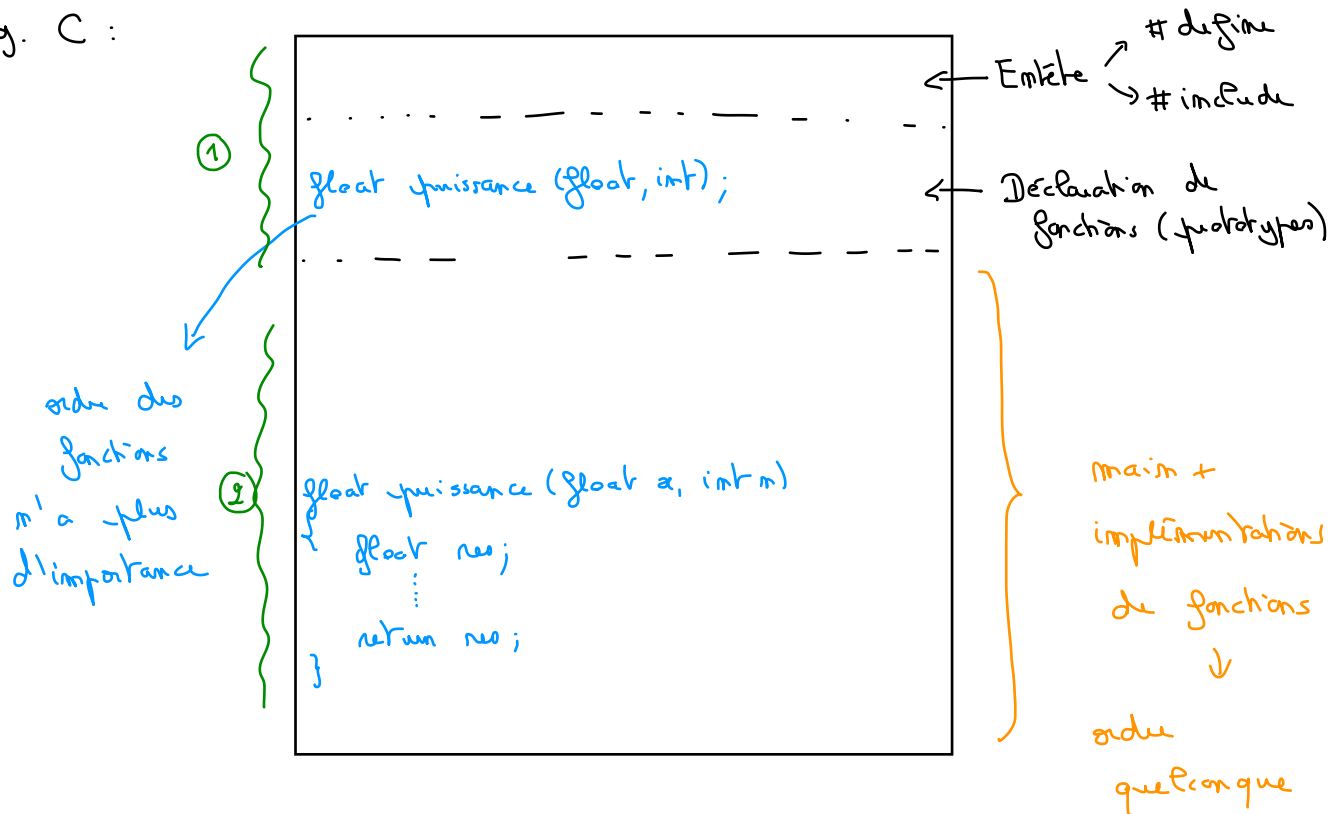
② → implémentation des fonctions  
↳ code.

idem version  
"simple"

ex:

```
float puissance (float x, int m)  
{  
    : code  
}
```

Prog. C :



Et après .....

→ évolution vers bibliothèques → code séparé en 2 fichiers

① → fichier .h  
contient entêtes / déclarations  
② → fichier .c ) implémentations



Règle: quand un get reçoit un tableau en arg



avant la compil. elle reçoit aussi sa longueur.

ex:

#include ...

#define N 10  
#define M 30

rechercher / remplacer N → 10 ...  
← tables des tableaux manipulés / créés.

void affiche (float tab[], int m)  
{  
...  
}

mais du voir

macros variables  
#define

non de variable ≠

int main ()

{ float tab1[10], tab2[2\*10], tab3[30]; }

affiche (tab1, N);  
affiche (tab2, 2\*N);  
affiche (tab3, M);

$(5 * 3) + 2$

précédence

à mettre !

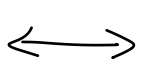


Parenthésages ...

if ( (T[0] == 5) && (i < m) || (...))



for / while



~~return~~

si

~~on interrompt un while par un return~~

s'arrête à cause d'une des conditions

code fautif à comprendre / debugger

oblige à lire tout le while en détails

ex: rechercher  $x$  ds  $T \leadsto$  renvoie le  $n^o$  case ou  
-1 si absent

V1  $\leadsto$  crache...

```
int recherche (float x, float T[], int m)
```

```
{  
  int i = 0;  
  while (T[i] != x)  
  {  
    i = i + 1;  
    if (T[i] == x)  
    {  
      return i;  
    }  
    if (i == m)  
    {  
      return -1;  
    }  
  }  
}
```

sortie du while  $\equiv$  car la cond. devient fausse  
 $\downarrow$   
 $T[i] == x$

cas où sort de la fonction ....

$\downarrow$

version propre :

```
int recherche (float x, float T[], int m)
```

```
{  
  int i = 0;  
  while ((i < m) && (T[i] != x))  
  {  
    i = i + 1;  
  }
```

// Conditions d'arrêt  
if (i == m) //  $x \notin T$

```
{ return -1; }  
else // T[i] == x  
{ return i; }
```

```
}
```

...

```
int main()  
{  
  int a;  
  float T[N];  
  float x;  
  ...  
  a = recherche(x, T, N);  
  printf("%d\n",  
         recherche(x, T, N))  
}
```

## II. Récursivité

Fonction récursive: fonction qui s'appelle elle-même.

↳ autorisé en C.

ex: calcul de  $x^m$

⚠ algo à connaître

→ version naïve:  $\underbrace{x \times \dots \times x}_{x^m} \rightarrow m-1 \times$

Version optimale: récursive

$x^n$

$\begin{matrix} \text{cas général} \\ \xrightarrow{\text{cas 1}} \\ \text{cas 2} \end{matrix}$

$x^{2m} = (x^m)^2$

$x^{m+1} = x \times x^m$

si  $m$  pair  
 $m = 2 \cdot m \quad m = m/2$

si  $m$  impair  
 $m = m+1$   
impair  $m-1$

cas terminaux  $\rightarrow x^n$  sans appel réc.

$m = 0 \quad \leadsto \quad x^0 = 1$

on finit toujours par tomber sur ce cas

$x^{21} \rightarrow x \times x^{20}$  ← calc. récursif

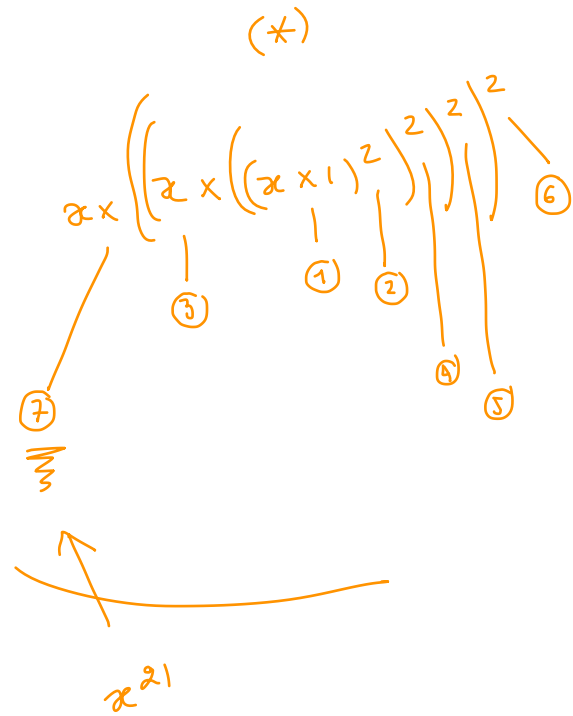
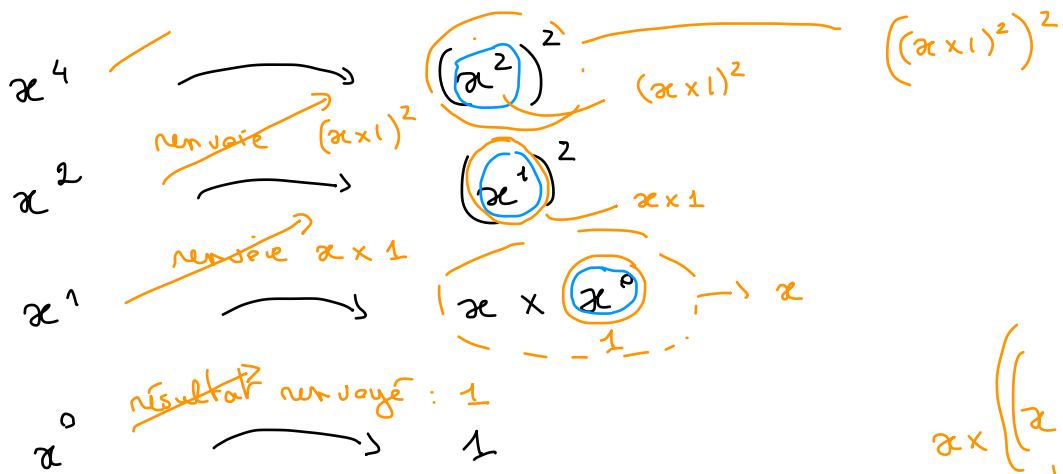
$x^{20} \rightarrow (x^{10})^2$  ←

$x^{10} \rightarrow (x^5)^2$  ←

$x^5 \rightarrow x \times x^4$  ←

renvoie  $(x \times 1)^2$

$m$  décroît strictement



$$x^{21} = \underbrace{x \times \dots \times x}_{20 \times}$$

$$x^m \rightarrow O(\log_2 m) \text{ multiplications.}$$

$$x^{128} = (x^{64})^2 = ((x^{32})^2)^2 = (x^{16})^{2^2} = (x^8)^{2^2^2}$$

Diagram illustrating the recursive calculation of  $x^{128}$  using a divide-and-conquer approach:

- $x^{128}$  is calculated as  $(x^{64})^2$ .
- $x^{64}$  is calculated as  $(x^{32})^2$ .
- $x^{32}$  is calculated as  $(x^{16})^2$ .
- $x^{16}$  is calculated as  $(x^8)^2$ .
- $x^8$  is calculated as  $(x^4)^2$ .
- $x^4$  is calculated as  $(x^2)^2$ .
- $x^2$  is calculated as  $x \times x$ .
- $x$  is the base case, resulting in  $x$ .

# Méthode de conception de fonctions récursives

## ① Conception (Prouiller)

a) Identifier l'appel récursif

fct  $\longrightarrow$  fct sur des arguments plus petits

ex: fct(n)  $\longrightarrow$  fct(n-1)  
fct(n/2) ....

c) Déterminer les cas terminaux (cas où on peut conclure sans récursivité).

## ② Implémentation

$\leadsto$  commence par les cas terminaux 

$\leadsto$  puis cas général

ex de  $x^n$

### ① Conception

a) appel réc:

$$x^n = \left(x^{n/2}\right)^2 \quad \text{si } n \text{ pair } \checkmark$$
$$= x \times x^{n-1} \quad \text{si } n \text{ impair}$$

c)

cas terminaux:

un seul pour  $n=0$  ( $x^0 = 1$ )

### ② float puissance (float x, int n)

```
{ float tmp;  
  // Cas terminaux
```

```
  if (n == 0)
```

```
  { return 1; }
```

```
  else // cas général
```

```

{ if ((n % 2) == 0)

```

```

{ tmp = puissance(x, n/2);
  return (tmp * tmp); }

```

```

else

```

```

{ tmp = puissance(x, n-1);
  return (x * tmp); }

```

```

}

```

```

}

```

remonter  
le  
résultat

appel réc.

du ca gdr  
après le retour réc.

suite

$x^9$



$x^4$  tmp  $\leftarrow (x \times x)^2$

return  
tmp \* tmp  
 $(x \times x)^2$

$x^2$  tmp  $\leftarrow x \times x$

return  
 $x \times tmp$   
 $x \times x$

$x^1$  tmp  $\leftarrow 1$

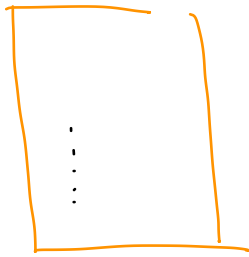
return 1  
 $x^0$

cycles ....

5 copies de la  
gdr puissance  
en cours d'exécution

(\*)  
float  
{

fcn\_rec ( ..... )

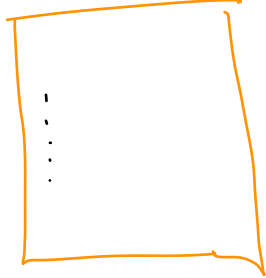


code exécuté  
avant l'appel  
récuratif

argument diminué...

..... fcn\_rec ( ..... )

← appel réc:  
get de la fonction  
en cours



code exécuté  
après le retour récursif

}

return .....  
return